# ตัวแปรที่สำคัญต่อกำลังของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวในคอนกรีตไม่ร้าวและ คอนกรีตร้าว

## Key Parameters to Strength of an Adhesive Anchoring System in Uncracked and Cracked Concrete

ภาคิณ ลอยเจริญ<sup>1</sup>, เกรียงศักดิ์ แก้วกุลชัย<sup>2\*</sup>, กิตติศักดิ์ ขันติยวิชัย<sup>3</sup> Phakin Loyjaroen<sup>1</sup>, Griengsak Kaewkulchai<sup>2\*</sup>, Kittisak Kuntiyawichai<sup>2</sup> Received: 12 March 2019 ; Revised: 10 May 2019 ; Accepted: 29 May 2019

#### บทคัดย่อ

การศึกษาครั้งนี้ได้สร้างแบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ในระบบสามมิติของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยว เพื่อศึกษาตัวแปรที่ สำคัญด้านกำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยว ความยาวระยะฝังยึด และกำลังอัดประลัยของคอนกรีต ที่ส่งผลต่อกำลังต้านทาน แรงดึงถอน ทั้งในคอนกรีตไม่ร้าวและคอนกรีตร้าว ผลการศึกษาแสดงให้เห็นว่า ตัวแปรที่สำคัญที่ส่งผลต่อกำลังต้านทานแรงดึง ถอนของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวเรียงตามลำดับความสำคัญได้แก่ ความยาวระยะฝังยึด กำลังอัดประลัยของคอนกรีต และกำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยว ตามลำดับ การกระจายของหน่วยแรงหลักที่ไม่สม่ำเสมอในคอนกรีตร้าวเป็นสาเหตุสำคัญ ที่ทำให้กำลังของระบบลดลง ผลของรอยร้าวในคอนกรีตจะมีมากขึ้นตามค่าที่เพิ่มขึ้นของตัวแปรที่ศึกษา ซึ่งเป็นผลมาจากการ ขยายตัวของรอยร้าวและการสูญเสียกำลังยึดหน่วงที่ผิวสัมผัสระหว่างคอนกรีตกับสารยึดเหนี่ยวเป็นส่วนใหญ่

**คำสำคัญ:** ระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยว แบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ ตัวแปรที่สำคัญ คอนกรีตร้าว

#### Abstract

This study developed a 3D finite element model of an adhesive anchoring system to study key parameters including bond strength of adhesive, embedment depth and concrete strength, that affecting pull-out strength in uncracked and cracked concrete. The results showed that the key parameters affecting pull-out strength of the adhesive anchorwere embedment depth, concrete strength and bond strength. The distribution ofnon-uniform maximum principle stress in cracked concrete is a main reason for reducing strength of the system. The effect of cracks in concrete will be more, according to the increased value of the study parameters, which is mostly the result of the expansion of cracks and the loss of bond strength on concrete/adhesive interface.

Keywords: Adhesive anchoring system, Finite element model, Key parameters, Cracked concrete

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>' นักศึกษาปริญญาเอก, <sup>2</sup>ผู้ช่วยศาสตราจารย์,<sup>3</sup>รองศาสตราจารย์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยอุบลราชธานีอ.วารินชำราบ จ.อุบลราชธานี 34190

<sup>&</sup>lt;sup>1\*</sup> Ph.D. Candidate, <sup>2</sup>Assist. Prof.Dr., <sup>3</sup>Assoc. Prof. Dr., Faculty of Engineering, Ubonratchathani University, Amphur Warinchamrap, Ubonratchathani 34190

<sup>\*</sup> Corresponding author; Griengsak Kaewkulchai, Tel : 083-729-6636, E-mail: griengsak@gmail.com

#### บทนำ

ระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยว (Adhesive anchoring system) เป็นอุปกรณ์ฝังยึดที่นิยมใช้ในงานต่อเติมโครงสร้าง เหล็กจากโครงสร้างคอนกรีตเดิมและงานเสริมกำลังโครงสร้าง ้คอนกรีต โดยส่วนใหญ่จะถูกนำมาใช้งานร่วมกับคอนกรีตที่ มีอายุและผ่านการใช้งานในระบบโครงสร้างตามที่ถูกออกแบบ ไว้แล้ว ดังนั้นจึงเลี่ยงไม่ได้ที่คอนกรีตจะมีโอกาสเกิดการแตก ้ร้าวขึ้นในเนื้อคอนกรีตก่อนที่จะติดตั้งระบบฝังยึด นอกจากนี้ การแตกร้าวในคอนกรีตอาจเกิดขึ้นจากการยืดหดตัวของ คอนกรีตจากการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิหรือการเสริมเหล็ก ้กันร้าวไม่เพียงพอ การใช้งานระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยว ในคอนกรีตร้าวมีโอกาสเกิดขึ้นได้ในกรณีที่มีข้อจำกัดด้าน ้ตำแหน่งในการติดตั้งสมอยึดที่มีการแตกร้าวเกิดขึ้นในคอนกรีต อยู่ก่อนแล้ว หรือเป็นกรณีที่เกิดการแตกร้าวขึ้นขณะทำการ เจาะรูในคอนกรีตเพื่อติดตั้งสมอยึด ที่อาจเกิดความผิดพลาด จากการเจาะหรือคอนกรีตเดิมมีการแตกร้าวอยู่ก่อนแล้วเกิด การขยายตัวจากขั้นตอนการติดตั้ง เป็นต้น การทำนายกำลัง ของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวในคอนกรีตไม่ร้าว สามารถหาได้จากการทดสอบตัวอย่างจริง จากการสร้างแบบ ้จำลองไฟในต์เอลิเมนต์ และการคำนวณโดยใช้สมการที่ถูก เสนอโดยนักวิจัยในอดีต แต่สำหรับในคอนกรีตร้าว การ ทดสอบตัวอย่างจริงสามารถทำได้ยากเนื่องจากมีข้อจำกัด หลายอย่าง ดังนั้นแบบจำลองไฟในต์เอลิเมนต์ของระบบฝังยึด แบบใช้สารยึดเหนี่ยวที่พัฒนาโดยผู้วิจัย¹ จึงถูกนำมาใช้ในการ ศึกษาในครั้งนี้

แบบจำลองระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวในงาน วิจัยนี้ เป็นแบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ที่พัฒนาโดยผู้วิจัยและ ได้ผ่านการสอบเทียบกับผลทดสอบในห้องปฏิบัติการในอดีต แล้ว<sup>23</sup> โดยมืองค์ประกอบของแบบจำลองประกอบด้วย แบบ จำลองสมอยึดแบบจำลองสารยึดเหนี่ยวแบบจำลองคอนกรีต และแบบจำลองผิวสัมผัสระหว่างคอนกรีตกับสารยึดเหนี่ยว ซึ่งเป็นอาณาบริเวณที่พบการวิบัติจากการยึดหน่วงเป็นส่วน ใหญ่<sup>4</sup>

ตัวแปรที่สำคัญที่ส่งผลต่อกำลังต้านทานแรงดึงถอน ของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวในคอนกรีตจากการ ศึกษาของนักวิจัยในอดีต<sup>5.6</sup> ประกอบด้วยความยาวระยะฝังยึด กำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยว กำลังอัดประลัยของคอนกรีต ความสะอาดของผิวรูเจาะ ความชื้นที่ผิวรูเจาะ อุณหภูมิ และ ขนาดของมวลรวมหยาบ เป็นต้น โดยส่วนใหญ่จะเป็นการ ศึกษาในคอนกรีตไม่ร้าว การศึกษาตัวแปรที่สำคัญต่อกำลัง ของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวในคอนกรีตร้าวในอดีต ยังปรากฏไม่มากนัก ดังนั้นในงานวิจัยนี้จึงมีวัตถุประสงค์เพื่อ สร้างแบบจำลองไฟในต์เอลิเมนต์เพื่อศึกษาผลกระทบของ ดัวแปรที่ส่งผลต่อกำลังและพฤติกรรมของระบบฝังยึดแบบใช้ สารยึดเหนี่ยว ทั้งในคอนกรีตไม่ร้าวและในคอนกรีตร้าว โดย ตัวแปรที่สำคัญที่จะศึกษาในครั้งนี้ประกอบด้วยตัวแปรด้าน กำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยว ความยาวระยะฝังยึด และ กำลังอัดประลัยของคอนกรีต ซึ่งเป็นตัวแปรที่ส่งผลกระทบ โดยตรงต่อกำลังของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวใน คอนกรีต และสามารถสร้างแบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์เพื่อ ศึกษาได้

## วัตถุประสงค์

เพื่อศึกษาตัวแปรที่สำคัญที่ส่งผลกระทบต่อกำลังและ พฤติกรรมของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวทั้งในคอนกรีต ไม่ร้าวและคอนกรีตร้าว โดยระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์

## วิธีการวิจัย

ในงานวิจัยนี้จะดำเนินการสร้างแบบจำลองไฟไนต์ เอลิเมนต์ในระบบสามมิติของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยว เพื่อศึกษาพฤติกรรมและกำลังด้านทานแรงดึงถอนของสมอ ยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยว ในคอนกรีตไม่ร้าวและคอนกรีตร้าว แบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ที่ถูกพัฒนาขึ้นโดยผู้วิจัยและได้ ผ่านการสอบเทียบแล้วจะถูกนำมาใช้ในการศึกษาในครั้งนี้ โดย จะทำการปรับเปลี่ยนค่าตัวแปรที่ต้องการศึกษาในแต่ละกรณี ซึ่งรายละเอียดของแบบจำลองและการกำหนดคุณสมบัติของ วัสดุแต่ละประเภทจะได้กล่าวในหัวข้อต่อไปนี้

## แบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์

แบบจำลองไฟไนด์เอลิเมนต์ของระบบฝังยึดแบบใช้ สารยึดเหนี่ยวภายใต้แรงดึงถอนในงานวิจัยครั้งนี้ได้ใช้ โปรแกรม ABAQUS 2017ซึ่งเป็นโปรแกรมที่มีความแม่นยำ ในการประมวลผลข้อมูลเพื่อวิเคราะห์แบบจำลองไฟไนต์เอลิ เมนต์ แบบจำลองของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวจะ ประกอบด้วย แบบจำลองแท่งเหล็กสมอยึด (Figure 1a) แบบ จำลองสารยึดเหนี่ยว (Figure 1b) แบบจำลองผิวสัมผัสระหว่าง สารยึดเหนี่ยวและคอนกรีต (Figure 1c) และแบบจำลอง คอนกรีต (Figure 1d) แบบจำลองผิวสัมผัสระหว่างสารยึด เหนี่ยวและคอนกรีต (Figure 1c) และแบบจำลอง กจนกรีต (Figure 1d) แบบจำลองผิวสัมผัสระหว่างสารยึด เหนี่ยวและคอนกรีตได้สร้างขึ้นมาเพื่อเน้นศึกษาถึงลักษณะ การกระจายของหน่วยแรงยึดหน่วงและการวิบัติในบริเวณดัง กล่าว เนื่องจากการวิบัติจากการยึดหน่วงไม่เพียงพอของสมอ ยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวส่วนใหญ่จะเกิดการลื่นหลุดที่ผิวสัมผัส ของสารยึดเหนี่ยวและคอนกรีต<sup>4</sup>



Figure 1 Typical of adhesive anchor model

- (a) anchor
- (b) adhesive
- (c) concrete/adhesive interface
- (d) concrete

เอลิเมนต์ส่วนใหญ่ที่ใช้ในแบบจำลองจะเป็นเอลิเมนต์ ประเภท C3D8R ที่เป็นเอลิเมนต์ในตระกูล 3D-stress ที่เหมาะ ในการใช้ส่งถ่ายแรงในเอลิเมนต์ของแข็ง (Solid element) โดย จะใช้ในแบบจำลองสมอยึด สารยึดเหนี่ยว และคอนกรีต สำหรับเอลิเมนต์ที่ใช้ในการจำลองพฤติกรรมตอบสนองของ ผิวสัมผัสระหว่างสารยึดเหนี่ยวและคอนกรีต จะใช้เอลิเมนต์ ประเภท COH3D8 ที่มีความหนาเป็นศูนย์ ดังแสดงใน (Figure1c)

แบบจำลองของระบบจะถูกสร้างเพียงครึ่งส่วนที่ สมมาตรในระบบสามมิติ เพื่อลดระยะเวลาในการประมวลผล ของโปรแกรม เป็นแบบจำลองการทดสอบกำลังต้านทานแรง ดึงถอนของสมอยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวในคอนกรีต มีขนาด เส้นผ่านศูนย์กลางของแบบจำลองคอนกรีต 300 มิลลิเมตร ซึ่งครอบคลุมการกระจายของหน่วยแรงในเอลิเมนต์คอนกรีต และใช้ระยะเวลาในการประมวลผลที่เหมาะสม มีระยะจาก ปลายรูเจาะถึงขอบล่างของแบบจำลองคอนกรีต 50 มิลลิเมตร เอลิเมนต์ที่เล็กสุดกำหนดให้มีขนาด 3 มิลลิเมตร ที่เอลิเมนด์ ผิวสัมผัสระหว่างคอนกรีตกับสารยึดเหนี่ยว ขนาดของเอลิเมน ต์จะใหญ่ขึ้นจนถึงขอบนอกของเอลิเมนต์คอนกรีตกำหนดให้ มีขนาด 15 มิลลิเมตร (Figure 2a) แบบจำลองวัสดุแต่ละส่วน จะถูกนำมายึดติดกันโดยใช้หลักการ Surface to surface-Tied constraint

แบบจำลองทั้งระบบได้ถูกกำหนดเงื่อนไขขอบเขด โดยการยึดรั้งแท่งคอนกรีตที่ฐานล่างในแนวแกน x, yและ zและ ยึดรั้งขอบนอกด้านบนในแนวแกน y เพื่อป้องกันการ โอบรัด (Confinement) ในเนื้อคอนกรีต มีการยึดรั้งเอลิเมนต์ คอนกรีตและสมอยึดในระนาบสมมาตรในแนวแกน z และ กำหนดการให้แรงในแท่งสมอยึดโดยการกำหนดให้ปลายของ สมอยึดเคลื่อนที่ขึ้นในแนวดิ่ง (Displacement control) เพื่อให้ สอดคล้องกับวิธีการทดสอบในห้องปฏิบัติการและการใช้งาน จริง การจำลองรอยร้าวในคอนกรีตกรณีศึกษาในคอนกรีตร้าว ที่มีลักษณะการร้าวแบบแตกปริ (Splitting crack) ใช้วิธี ดัดแปลงแบบจำลองคอนกรีตในกรณีคอนกรีตไม่ร้าวโดยการ เพิ่มช่องว่างในแนวระนาบที่เป็นตัวแทนของแนวการร้าวใน คอนกรีต ให้มีความกว้างของช่องว่างเท่ากับขนาดความกว้าง ของรอยร้าว มีระนาบการร้าววิ่งชนขอบของรูเจาะที่ผิวสัมผัส ระหว่างคอนกรีตกับสารยึดเหนี่ยว (Figure 2b) โดยรอยร้าว ลักษณะนี้เปรียบเสมือนการร้าวแบบแตกปริที่เกิดขึ้นก่อนติด ดั้งสมอยึด (Pre-crack) โดยกำหนดให้มีความกว้างของรอยร้าว 0.3 มิลลิเมตร ในเอลิเมนต์คอนกรีต และมีความลึกของระนาบ การร้าวเท่ากับระยะฝังยึดของสมอยึด



(b) cracked concrete model



#### คุณสมบัติวัสดุ

ในแบบจำลองคอนกรีตได้กำหนดคุณสมบัติเป็น คอนกรีตล้วน (Plain concrete) ที่สามารถแสดงพฤติกรรม ดอบสนองได้ทั้งในช่วงเชิงเส้นและไม่เชิงเส้น แบบจำลองความ เสียหายเชิงพลาสติกของคอนกรีต (Concrete damage plasticity, CDP) จึงถูกนำมาใช้กำหนดพฤติกรรมของแบบ จำลองคอนกรีตภายใต้การกระทำของแรงอัดและแรงดึง พฤติกรรมในช่วงยืดหยุ่นกำหนดให้มีความสัมพันธ์ของ ความเค้น-ความเครียดเป็นไปตามกฏของฮุค (Hooke's law) ซึ่งความสัมพันธ์จะมีลักษณะเชิงเส้น ที่มีค่าความเค้นยืดหยุ่น สูงสุดในช่วงนี้เป็นไปตามคำแนะนำของ ACI318-11<sup>7</sup> หรือ ส่วน ในช่วงไม่ยืดหยุ่นเลือกใช้แบบจำลองของ Carreira, D.J. และ ซึ่งเป็นสมอยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวสูตรใหม่ของ Hilti<sup>10</sup> มี คุณสมบัติพื้นฐานในการใช้งานได้แก่ ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง ของสมอยึด 16 มิลลิเมตร ความยาวระยะฝังยึด 125 มิลลิเมตร ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของรูเจาะ 18 มิลลิเมตร กำลังยึด หน่วงของสารยึดเหนี่ยว 11.7 เมกกะปาสคาล (ที่ระยะเวลาใน การบ่มตัว 14 วัน) โมดูลัสยืดหยุ่นของสารยึดเหนี่ยว 2600 เมกกะปาสคาล และค่าการยึดตัวสูงสุด (Elongation at break) 1.1% สมอยึดมีโมดูลัสยืดหยุ่น 2.0×10⁵ เมกกะปาสคาล อัตราส่วนปัวซอง 0.30 กำลังรับแรงอัดประลัยของคอนกรีต แบบไม่โอบรัด (Unconfined compressive strength) กำหนด ค่าให้สอดคล้องกับคุณสมบัติของคอนกรีตจากการศึกษาของ Krishnamurthy, K.² ซึ่งเป็นคุณสมบัติของคอนกรีตที่กำหนด ในแบบจำลองจากการศึกษาของผู้วิจัยที่ผ่านมา เพื่อสอบเทียบ กับผลการศึกษาในอดีตดังกล่าวโดยมีค่ากำลังอัดประลัยของ คอนกรีต 39 เมกกะปาสคาลกำลังรับแรงดึงประลัย 2.93 เมกกะปาสคาล โมดูลัสยืดหยุ่น 2.83×10⁴ เมกกะปาสคาล อัตราส่วนปัวซอง 0.18 โดยพฤติกรรมของคอนกรีตจะถูก ้ กำหนดให้มีความสัมพันธ์ของความเค้น-ความเครียดทั้งในช่วง เชิงเส้นและไม่เชิงเส้น ตามสมการของ Carreira. D.J. และ

> Chu, K.H<sup>8.9</sup> ภายใต้แรงอัดและแรงดึง ตามลำดับ ในแบบจำลองผิวสัมผัสระหว่างคอนกรีตกับสารยึด เหนี่ยวจะกำหนดให้มีพฤติกรรมในแนวตั้งฉากกับผิวสัมผัส เท่ากับกำลังรับแรงดึงประลัยของคอนกรีต 2.93 เมกกะปาส คาลและมีพฤติกรรมตามแนวขนานกับระนาบผิวสัมผัสเท่ากับ กำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยวคือ 11.7 เมกกะปาสคาลส่วน ในแบบจำลองระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวในคอนกรีตร้าว จะทำการสร้างแบบจำลองที่มีเงื่อนไขต่าง ๆ ทั้งด้านมิติ ความ ยาวระยะฝังยึด และการกำหนดคุณสมบัติของวัสดุให้กับ เอลิเมนต์วัสดุแต่ละชนิด จะเหมือนกับกรณีคอนกรีตไม่ร้าว จะแตกต่างกันตรงที่ในกรณีคอนกรีตร้าวจะมีการเว้นช่องว่าง ในเอลิเมนต์คอนกรีตเพื่อเป็นการจำลองระนาบการแตกร้าว เพิ่มขึ้นในแต่ละรูปแบบ

## ตัวแปรที่สำคัญ

ตัวแปรที่สำคัญที่ส่งผลกระทบต่อความสามารถใน การต้านทานแรงดึงถอนของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยว ทั้งในคอนกรีตไม่ร้าวและคอนกรีตร้าวที่จะศึกษาในงานวิจัยนี้ มี 3 ตัวแปร ได้แก่ ตัวแปรด้านกำลังยึดหน่วงของสารยึด เหนี่ยว ความยาวระยะฝังยึด และกำลังอัดประลัยของคอนกรีต ดังแสดงค่าของตัวแปรต่าง ๆ ที่ใช้ในการศึกษาในแบบจำลอง ดังตาราง (Table 1) โดยค่ากำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยว จะใช้ค่า 8, 12 และ 16 เมกกะปาสคาล ซึ่งเป็นค่ากำลังยึด

Chu, K.H.<sup>8.9</sup> กำหนดความสัมพันธ์ในช่วงที่ไม่เชิงเส้นทั้งก่อน และหลังจุดที่ความเค้นมีค่าสูงสุด ซึ่งตามวิธีของความเสียหาย เชิงพลาสติกที่เลือกใช้จะสามารถแสดงผลในส่วนของความเสีย หายหรือการแตกร้าวที่เกิดขึ้นในเอลิเมนต์คอนกรีตได้ในรูป ของการเสื่อมสภาพความแกร่ง (Stiffness degradation)ซึ่ง เกิดขึ้นได้ทั้งผลจากการกระทำของแรงอัดและแรงดึง

แบบจำลองสารยึดเหนี่ยวกำหนดให้มีความหนา 1 มิลลิเมตร ตามคำแนะนำของผู้ผลิต Hilti Co, Ltd<sup>10</sup> มีรูปทรง โค้งตามผิวของรูเจาะคอนกรีต ผลตอบสนองต่อสภาวะการให้ แรงกระทำของเอลิเมนต์ที่ทำหน้าที่แทนสารยึดเหนี่ยวกำหนด ให้มีพฤติกรรมแบบยืดหยุ่นภายใต้แรงเฉือน และกำหนดให้มี พฤติกรรมเชิงพลาสติกในช่วงหลังจุดคราก ดังนั้นรูปแบบการ วิบัติจะกำหนดโดยใช้หลักการความเสียหายจากแรงเฉือน (Shear damage) ส่วนการพัฒนาความเสียหาย (Damage evolution)ในขั้นตอนการวิบัติจากการเฉือนจะกำหนดให้มี พฤติกรรมแบบเชิงเส้นภายใต้เงื่อนไขของค่าการเคลื่อนที่ ซึ่งจะมีค่าการเคลื่อนที่สูงสุดสอดคล้องกับค่าการยืดตัวสูงสุด (Elongation at break) ของสารยึดเหนี่ยว

การจำลองผิวสัมผัสระหว่างสารยึดเหนี่ยวกับคอนกรีต มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาพฤติกรรมการยึดหน่วงของสารยึด เหนี่ยวและคอนกรีตในบริเวณนี้ ซึ่งตามจริงแล้วจะไม่มีมิติด้าน ความหนา ดังนั้นแบบจำลองในส่วนนี้จึงจะกำหนดให้มีคุณสมบัติ เป็นเอลิเมนต์เชื่อมยึด (Cohesive elements) ที่มีความหนา เป็นศูนย์ มีขนาดเอลิเมนต์เท่ากับขนาดเอลิเมนต์ของสารยึด เหนี่ยวและคอนกรีตด้านที่อยู่ติดกัน ครอบคลุมพื้นที่ผิวสัมผัส ระหว่างสารยึดเหนี่ยวและคอนกรีต พฤติกรรมตอบสนอง กำหนดให้มีพฤติกรรมตามหลักการของแรงฉุด-การแยก (Traction-separation behavior) ในรูปแบบที่2 (Mode II) ซึ่ง เป็นพฤติกรรมของแรงฉุดเฉือนและการแยกเฉือน และรูปแบบ ความสัมพันธ์ของแรงฉุด-การแยก จะเป็นลักษณะของกราฟ Bilinear

พฤติกรรมตอบสนองของเอลิเมนต์ที่เป็นตัวแทนของ สมอยึดจะกำหนดให้มีพฤติกรรมเสมือนเหล็กกล้ากำลังสูง ทั่วไป ที่มีคุณสมบัติเป็นวัสดุยืดหยุ่นเชิงเส้นในช่วงที่ความสัมพันธ์ ของความเค้น-ความเครียดเป็นเส้นตรง และมีคุณสมบัติเชิง พลาสติกในช่วงที่ความสัมพันธ์ของความเค้น-ความเครียดไม่ เป็นเส้นตรงพฤติกรรมการวิบัติจะกำหนดให้มีรูปแบบการวิบัติ โดยใช้หลักการความเสียหายจากการยืดตัว (Ductile damage) แบบจำลองระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวใน คอนกรีตไม่ร้าวจะถูกสร้างให้มีขนาดและองค์ประกอบพื้นฐาน ตามคำแนะนำของผู้ผลิต โดยอ้างอิงคุณสมบัติของสารยึด เหนี่ยว Hilti HIT-RE500 V3 ที่ใช้งานร่วมกับสมอยึด HIT-C หน่วงของสารยึดเหนี่ยวในช่วงต่ำ ปานกลาง และสูง ตามลำดับ ้ส่วนความยาวระยะฝังยึดจะกำหนดที่ระยะ 4·d, 8·d และ 12·d เมื่อ d เป็นขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของสมอยึด จะได้ค่าเป็น 64, 128 และ 192 มิลลิเมตร ซึ่งเป็นระยะฝังที่อยู่ในช่วงตื้น ปานกลาง และลึก ตามลำดับ โดยค่าระยะฝังยึดระยะปานกลาง จะมีค่าใกล้เคียงกับค่าแนะนำจากผู้ผลิตคือ 125 มิลลิเมตร

ร้าว สำหรับในช่วงการแข็งตัวลด (Softening) จะมีแนวโน้ม การลดลงของแรงดึงถอนในรูปแบบเดียวกัน โดยอัตราการลด ลงของแรงดึงถอนในกรณีกำลังยึดหน่วงมีค่ามากจะลดลงช้า กว่ากรณีกำลังยึดหน่วงมีค่าน้อยทั้งในกรณีคอนกรีตไม่ร้าวและ กรณีคอนกรีตร้าว

Parameters	Values		
	Low	Middle	High
Bond strength (MPa)	8	12	16
Embedment depth (mm)	64	128	192
Concrete strength (MPa)	19.61	34.32	49.03

Table 1 Parameters to parametric studies

ส่วนกำลังอัดประลัยของคอนกรีตจะกำหนดที่ค่า ้กำลังอัดต่ำ กลาง และสูง ของคอนกรีตในประเทศ คือ 200, 350 และ 500 กิโลกรัมต่อตารางเซนติเมตร ซึ่งจะได้ค่าตาม (Table 1) ในหน่วยเมกกะปาสคาล ตามลำดับ

### ผลการวิจัยและอภิปรายผล

จากการศึกษาผลการวิเคราะห์แบบจำลองไฟไนต์-เอลิเมนต์ของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวทั้งในคอนกรีต ไม่ร้าวและคอนกรีตร้าวเมื่อมีการเปลี่ยนแปลงอย่างมีนัยยะ สำคัญของตัวแปรด้านกำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยว ความ ยาวระยะฝังยึด และกำลังอัดประลัยของคอนกรีต สามารถ แสดงผลการศึกษาได้ดังต่อไปนี้

## ผลการศึกษาตัวแปรด้านกำลังยึดหน่วงของสาร ยึดเหนี่ยว

ผลการเปรียบเทียบความสัมพันธ์ของแรงดึงถอนและ การเคลื่อนที่ที่ปลายสมอยึดเมื่อกำลังยึดหน่วงของสารยึด เหนี่ยวมีค่าแตกต่างกันแสดงใน (Figure 3) โดยเมื่อพิจารณา จากภาพจะพบว่า เมื่อกำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยวมีค่า มากขึ้น ความสามารถในการต้านทานแรงดึงถอนสูงสุดของ ระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวจะเพิ่มขึ้นเล็กน้อย ทั้งใน คอนกรีตไม่ร้าว (Figure 3a) และคอนกรีตร้าว (Figure 3b) ใน คอนกรีตไม่ร้าวอัตราการเพิ่มขึ้นของแรงดึงถอนสูงสุดเมื่อ ้กำลังยึดหน่วงเพิ่มขึ้นจาก 8, 12 และ 16 เมกกะปาสคาล มี ค่าเป็น 1, 1.05 และ 1.07 ตามลำดับ ส่วนในคอนกรีตร้าวอัตรา การเพิ่มขึ้นของแรงดึงถอนสูงสุดจะเป็น 1, 1.02 และ 1.03 ตามลำดับ นอกจากนี้ยังพบว่าในช่วงแรกที่ความสัมพันธ์เป็น เส้นตรงมีความแกร่ง (Stiffness) คงที่และมีค่าความชันในช่วง ดังกล่าวใกล้เคียงกันทั้งในกรณีคอนกรีตไม่ร้าวและคอนกรีต





หากเปรียบเทียบกันระหว่างกรณีคอนกรีตไม่ร้าวกับ กรณีคอนกรีตร้าว ที่มีกำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยวเท่ากัน จะพบว่าค่าความแกร่งในช่วงแรกจะใกล้เคียงกันโดยกรณี คอนกรีตร้าวจะมีค่าลดลงเล็กน้อย (ความชั้นลดลง) ส่วนใน ช่วงการแข็งตัวลดในกรณีคอนกรีตไม่ร้าวจะมีอัตราการลดลง ของแรงดึงถอนมากกว่ากรณีคอนกรีตร้าวในทุกค่าของกำลัง ยึดหน่วงที่เปลี่ยนแปลงไป

ส่วนผลกระทบของรอยร้าวต่อกำลังต้านทานแรงดึง ถอนสูงสุดจะพบว่าเมื่อกำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยวมีค่า เพิ่มขึ้นจาก 8, 12 และ 16 เมกกะปาสคาล อัตราส่วนของ ค่าแรงดึงถอนสูงสุดในคอนกรีตร้าวกับคอนกรีตไม่ร้าวจะเป็น 0.79, 0.77 และ 0.76 ตามลำดับ ซึ่งจะพบว่ามีแนวโน้มลดลง เล็กน้อย ดังแสดงใน (Figure 4)





การเพิ่มขึ้นของกำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยวส่ง ผลต่อการเปลี่ยนแปลงของกำลังต้านทานแรงดึงถอนสูงสุดทั้ง ในคอนกรีตไม่ร้าวและคอนกรีตร้าวเพียงเล็กน้อย อย่างไร ก็ตาม สารยึดเหนี่ยวที่มีกำลังยึดหน่วงมีค่าสูงจะมีอัตราการ คลายแรงในช่วงแข็งตัวลดต่ำกว่าสารยึดเหนี่ยวที่มีกำลังยึด หน่วงต่ำกว่า นอกจากนี้ยังพบว่า ลักษณะการกระจายของ หน่วยแรงหลักสูงสุด (Maximum principle stress) ในกรณี คอนกรีตไม่ร้าวจะมีการกระจายแบบสม่ำเสมอโดยรอบใน ระนาบตั้งฉากกับแนวแรงดึงถอน ส่วนในกรณีคอนกรีตร้าวจะ มีการกระจายตัวไม่สม่ำเสมอ (Figure 5) โดยจะมีความเข้ม ของหน่วยแรงหลักสูงในระนาบไม่ร้าว และลดลงเมื่อเข้าใกล้ ระนาบร้าว ความเข้มของหน่วยแรงหลักบริเวณหน้าตัดร้าวกับ หน้าตัดไม่ร้าวจะใกล้เคียงกันบริเวณช่วงกลางถึงช่วงปลาย ระยะฝังยึด และจะลดลงในระนาบร้าวเมื่อเข้าใกล้ผิวบนของ แบบจำลองคอนกรีต ความไม่สม่ำเสมอของหน่วยแรงหลักใน คอนกรีตส่งผลให้ประสิทธิภาพการต้านทานแรงดึงถอนของ คอนกรีตลดลงในคอนกรีตร้าว



Figure 5 Maximum principle stress at peak load for various bond strength

นอกจากนี้ยังพบว่า เมื่อกำลังยึดหน่วงของสารยึด เหนี่ยวเพิ่มขึ้น ลักษณะการกระจายของหน่วยแรงหลักมีการ เปลี่ยนแปลงน้อยมาก ซึ่งสอดคล้องกับการเปลี่ยนแปลงของ ค่ากำลังต้านทานแรงดึงถอนสูงสุดในคอนกรีตร้าวที่เปลี่ยนแปลง น้อยเช่นกัน

ลักษณะการวิบัติของเอลิเมนต์เชื่อมยึดใน (Figure 6) จะพบว่าเริ่มเกิดการสูญเสียความแกร่งเมื่อแรงดึงถอนมีค่า ถึงจุดสูงสุด และความแกร่งในเอลิเมนต์เชื่อมยึดจะลดลงจน เมื่อเอลิเมนต์เชื่อมยึดแสดงแถบสีแดง แสดงว่าเกิดการสูญเสีย ความแกร่งเกือบสมบูรณ์ (0.95 < SDEG < 1) แสดงถึงการ สูญเสียแรงยึดเหนี่ยวของผิวสัมผัสระหว่างคอนกรีตกับสารยึด เหนี่ยวในบริเวณดังกล่าว จนค่าการแยก (Separation) ถึงพิกัด ค่าการยึดตัวที่จุดสูงสุดของสารยึดเหนี่ยวที่กำหนดไว้ให้ เอลิเมนต์ลบตัวเอง (Deletion) แสดงว่าเกิดการสูญเสียความ แกร่งโดยสมบูรณ์ (SDEG = 1) ซึ่งบริเวณดังกล่าวจะต่อเนื่อง กับบริเวณที่เอลิเมนต์คอนกรีตเกิดการสูญเสียความแกร่งโดย สมบูรณ์เช่นกัน แสดงให้เห็นว่าบริเวณที่เอลิเมนต์เกิดการลบ ตัวเป็นบริเวณเดียวกับที่เกิดการแตกร้าวของคอนกรีตที่ผิวรู เจาะ

กว้างของรอยกร้าวจะเพิ่มขึ้นเมื่อกำลังยึดหน่วงของสารยึด เหนี่ยวมีค่ามากขึ้น และจะมีความกว้างมากที่สุดที่ผิวบนของ แท่งคอนกรีต และจะลดลงตามระยะฝังยึดที่เพิ่มขึ้นดังใน (Figure 7)



(a) τ=8 MPa (b) τ=12 MPa (c) τ=16 MPa

ดังนั้นการขยายตัวของรอยร้าวจึงเป็นสาเหตุหลักที่ ส่งผลให้กำลังต้านทานแรงดึงถอนของสมอยึดแบบใช้สารยึด เหนี่ยวในคอนกรีตร้าวลดลง เนื่องจากการขยายตัวของรอย ร้าวทำให้เกิดการคลายความเครียดขึ้นในคอนกรีต ส่งผลให้ คอนกรีตมีความเค้นลดลง นำไปสู่กำลังต้านทานแรงดึงถอน ของระบบลดลงด้วย แต่การลดลงของแรงดึงถอนจะไม่เกิด แบบฉับพลันเพราะการลดลงของกำลังเกิดจากการคลาย ความเครียดในคอนกรีต ดังนั้นจึงทำให้กราฟความสัมพันธ์ใน ช่วงแข็งตัวลดในกรณีคอนกรีตร้าว มีอัตราการลดลงช้ากว่า กรณีคอนกรีตไม่ร้าว ที่เกิดการวิบัติจากการยึดหน่วงและการ วิบัติของคอนกรีตรูปกรวยเป็นส่วนใหญ่

## ผลการศึกษาตัวแปรด้านความยาวระยะฝังยึด

ความสัมพันธ์ของแรงดึงถอนและการเคลื่อนที่ที่ ปลายสมอยึดเมื่อความยาวระยะฝังยึดมีค่าแตกต่างกันแสดง ใน (Figure 8a) ในกรณีคอนกรีตไม่ร้าว และใน (Figure 8b) ในกรณีคอนกรีตร้าว

ซึ่งจะเห็นได้ว่าเมื่อความยาวระยะฝังยึดมีค่ามากขึ้น กำลังต้านทานแรงดึงถอนสูงสุดของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึด เหนี่ยวจะมากขึ้นทั้งในคอนกรีตไม่ร้าวและคอนกรีตร้าว โดยมี อัตราการเพิ่มขึ้นที่สูงกว่าการเปลี่ยนแปลงของตัวแปรอื่น

หากเปรียบเทียบความสัมพันธ์ของแรงดึงถอนและ การเคลื่อนที่ที่ปลายสมอยึดระหว่างกรณีคอนกรีตไม่ร้าวกับ กรณีคอนกรีตร้าวที่มีความยาวระยะฝังยึดเท่ากัน จะพบว่า ความแกร่งของระบบจะใกล้เคียงกันเมื่อระยะฝังยึดมีค่าน้อย แต่ความแกร่งในกรณีคอนกรีตร้าวจะลดลงเมื่อระยะฝังยึดมีค่า มากขึ้น ส่วนในช่วงการแข็งตัวลดจะมีอัตราการคลายแรงใกล้ เคียงกันเมื่อความยาวระยะฝังยึดมีค่าน้อย แต่เมื่อความยาว



Figure 6 Stiffness degradation on cohesive elements for various bond strength

จะเห็นได้ว่าเอลิเมนต์ที่ถูกลบของเอลิเมนต์เชื่อมยึด ในคอนกรีตไม่ร้าวจะมีตำแหน่งลึกลงและบริเวณที่สูญเสียแรง ยึดเหนี่ยวน้อยลงเมื่อกำลังยึดหน่วงมีค่ามากขึ้น แสดงให้เห็น ถึงความสามารถในการยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยวต่อผิว สัมผัสของคอนกรีตที่ดีขึ้น ทำให้เกิดรูปแบบการวิบัติร่วม ระหว่างการวิบัติของคอนกรีตเป็นรูปกรวยกับการวิบัติจากการ ยึดหน่วงที่ผิวสัมผัสระหว่างสารยึดเหนี่ยวกับคอนกรีต โดย กรวยคอนกรีตจะมีขนาดใหญ่ขึ้นเมื่อกำลังยึดหน่วงมีค่ามาก ขึ้น สังเกตุได้จากตำแหน่งเอลิเมนต์ที่ถูกลบใน (Figure 6a) ซึ่ง เป็นตำแหน่งเดียวกับเอลิเมนต์คอนกรีตที่เกิดการแตกร้าวที่ ผิวของรูเจาะ

ส่วนในคอนกรีตร้าวจะพบว่าการสูญเสียความแกร่ง จะลดลงเมื่อกำลังยึดหน่วงมีค่ามากขึ้น (Figure 6b) เอลิเมนต์ ที่ถูกลบจะเกิดขึ้นน้อยกว่าในคอนกรีตไม่ร้าวและมีตำแหน่งลึก ลงตามกำลังยึดหน่วงที่เพิ่มขึ้น ดังนั้นหากเปรียบเทียบระหว่าง คอนกรีตไม่ร้าวกับคอนกรีตร้าวจะพบว่า การวิบัติที่ผิวสัมผัส ระหว่างสารยึดเหนี่ยวกับคอนกรีตลดลงในคอนกรีตร้าว พบ การแตกร้าวที่ผิวรูเจาะเกิดขึ้นเล็กน้อยที่บริเวณช่วงกลางและ ช่วงปลายระยะฝังยึด เมื่อกำลังยึดหน่วงมีค่าเพิ่มขึ้น

โดยเมื่อพิจารณาลักษณะการกระจายของหน่วยแรง ที่ไม่สม่ำเสมอในกรณีคอนกรีตร้าว ทั้งในระนาบตั้งฉากกับแนว แรงดึงถอนและระนาบขนานกับแนวแรงดึงถอน จะพบว่าผล| กระทบที่ทำให้เกิดการกระจายของหน่วยแรงหลักในลักษณะ ดังกล่าวเกิดจากการขยายตัวของความกว้างรอยร้าว ซึ่งความ ระยะฝังยึดมีค่ามากขึ้นอัตราการคลายแรงจะมากขึ้นในกรณี คอนกรีตไม่ร้าว

ผลกระทบของรอยร้าวต่อกำลังต้านทานแรงดึงถอน สูงสุดเมื่อความยาวระยะฝังยึดมีค่าเพิ่มขึ้นจาก 64, 128 และ 192 มิลลิเมตร พบว่าอัตราส่วนของค่าแรงดึงถอนสูงสุดใน คอนกรีตร้าวกับคอนกรีตไม่ร้าวจะมีสัดส่วนเป็น 0.94, 0.75 และ 0.65 ตามลำดับ แสดงให้เห็นว่าผลกระทบของการแตก ร้าวในคอนกรีตจะส่งผลมากขึ้นเมื่อระยะฝังยึดมีค่ามากขึ้น



(b) Cracked concrete

Figure 8 Load-Displacement curve of 16 mm adhesive anchor in uncracked and cracked concrete for various embedment depth



Figure 9 Ratio of Peak load in cracked to uncracked concrete of 16 mm diameter adhesive anchors for various embedment depth

ใน (Figure 9) ได้แสดงความสัมพันธ์ของอัตราส่วน ระหว่างค่าแรงดึงถอนสูงสุดในคอนกรีตร้าวกับคอนกรีตไม่ร้าว และความยาวระยะฝังยึด ซึ่งจะเห็นว่ากราฟมีแนวโน้มลดลง มากกว่ากรณีศึกษาในตัวแปรกำลังยึดหน่วง แสดงให้เห็นถึง ผลกระทบของรอยร้าวที่เพิ่มขึ้นมากกว่า เมื่อความยาวระยะ ฝังยึดมีค่ามากขึ้น

เมื่อพิจารณาการกระจายของหน่วยแรงหลักในเอลิ เมนต์คอนกรีตจะพบว่า ในกรณีคอนกรีตไม่ร้าว ลักษณะการ กระจายตัวของหน่วยแรงหลักจะมีความสม่ำเสมอโดยรอบ ใน ระนาบตั้งฉากกับแนวแรงดึงถอน ในทุกความยาวระยะฝังยึด ส่วนในกรณีคอนกรีตร้าวจะพบว่าการกระจายของหน่วยแรง หลักขณะที่แรงดึงถอนมีค่าสูงสุดจะไม่สม่ำเสมอดังแสดงใน (Figure 10)





เมื่อความยาวระยะฝังยึดเพิ่มขึ้น การกระจายของ หน่วยแรงหลักในเอลิเมนต์คอนกรีตร้าวจะกว้างขึ้น ดังนั้น ความไม่ต่อเนื่องของคอนกรีตที่เกิดจากการแตกร้าวทำให้การ ส่งถ่ายแรงในเอลิเมนต์คอนกรีดไม่สมบูรณ์ กำลังต้านทานแรง ดึงถอนของคอนกรีตร้าวจึงลดลง โดยยิ่งระนาบการร้าวมีพื้นที่ มากขึ้นตามระยะฝังยึดที่เพิ่มขึ้นยิ่งส่งผลต่อกำลังต้านทานแรง ดึงถอนของระบบมากขึ้น เมื่อพิจารณาการกระจายของหน่วยแรงหลักใน (Figure 10a-c) จะเห็นได้ว่า ความเข้มของหน่วยแรงหลักจะสูง บริเวณหน้าตัดไม่ร้าวและจะลดลงเมื่อเข้าใกล้หน้าตัดร้าว โดย ในระนาบตั้งฉากกับแนวแรงดึงถอนความเข้มของหน่วยแรง หลักจะลดลงเมื่อเข้าใกล้ระนาบร้าว และในระนาบขนานกับ แนวแรงดึงถอนจะลดลงเมื่อเข้าใกล้ขอบบนสุดริมนอกของ คอนกรีต ในทุกระยะฝังยึด

นอกจากนี้จะสังเกตุเห็นว่า บริเวณที่ความเข้มของ หน่วยแรงลดลงในระนาบร้าวจะมีความลึกใกล้เคียงกันในทุก ความยาวระยะฝังยึด แสดงให้เห็นว่าการแตกร้าวบริเวณใกล้ ผิวด้านบนคอนกรีตจะส่งผลกระทบต่อกำลังต้านทานแรงดึง ถอนมากกว่าการแตกร้าวบริเวณปลายล่างระยะฝังยึด

เมื่อแรงดึงถอนมีค่าสูงสุด ความแกร่งในเอลิเมนด์ เชื่อมยึดจะลดลง จนค่าการแยกถึงพิกัดสูงสุดของการยึดตัว สูงสุดของสารยึดเหนี่ยว ที่กำหนดไว้ให้เอลิเมนต์เชื่อมยึดลบ ดัวเอง ซึ่งเป็นตำแหน่งเดียวกับที่เกิดการแตกร้าวที่ผิวรูเจาะ ในกรณีคอนกรีดไม่ร้าวเอลิเมนต์ที่ถูกลบจะมีตำแหน่งห่างจาก ปลายล่างมากขึ้นเมื่อความยาวระยะฝังยึดเพิ่มขึ้น ใน (Figure 11a) แสดงให้เห็นถึงรูปแบบการวิบัติที่เปลี่ยนจากการวิบัติ ของคอนกรีตรูปกรวยเมื่อระยะฝังยึดมีค่า 4 d เป็นการวิบัติ ร่วมจากการยึดหน่วงกับการวิบัติของคอนกรีตรูปกรวยเมื่อ ระยะฝังยึดมีค่ามากขึ้นเป็น 8 d และ 12 d ตามลำดับ ซึ่ง สอดคล้องกับผลการศึกษาของ Eligehausen, R., Cook, R.A. and Appl, J. (2006)<sup>11</sup> ส่วนในกรณีคอนกรีตร้าว เอลิเมนต์ที่ ถูกลบจะเกิดขึ้นน้อยกว่าในคอนกรีตไม่ร้าวและเกิดขึ้นบริเวณ ปลายล่างสุดของระยะฝังยึดใน (Figure 11b) แสดงให้เห็นว่า ผลของการร้าวในคอนกรีตทำให้รูปแบบการวิบัติเปลี่ยนแปลงไป

ดังนั้น หากเปรียบเทียบระหว่างกรณีคอนกรีตไม่ร้าว กับกรณีคอนกรีตร้าวจะพบว่า การวิบัติที่ผิวสัมผัสระหว่างสาร ยึดเหนี่ยวกับคอนกรีตเกิดขึ้นน้อยลงในกรณีคอนกรีตร้าว รูป แบบการวิบัติจะแตกต่างจากกรณีคอนกรีตไม่ร้าวโดยสิ้นเชิง จะพบการแตกร้าวเกิดขึ้นในคอนกรีตที่บริเวณปลายระยะฝัง ยึดใกล้ผิวรูเจาะ



Figure 11 Stiffness degradation on cohesive elements for various embedment depth

นอกจากนี้ยังพบว่ามีการขยายตัวเพิ่มขึ้นของรอย ร้าว เมื่อความยาวระยะฝังยึดมีค่ามากขึ้น (Figure 12) โดย ความกว้างของรอยร้าวจะขยายตัวมากสุดที่ผิวบนของแท่ง คอนกรีตและจะลดลงตามความลึกที่มากขึ้น และจะสังเกตุได้ ว่าการขยายตัวของรอยร้าวมีน้อยมากในแบบจำลองที่มีความ ยาวระยะฝังยึดมีค่าน้อย ส่งผลให้กำลังต้านทานแรงดึงถอน สูงสุดแตกต่างจากกรณีคอนกรีตไม่ร้าวไม่มากนัก แต่ในแบบ จำลองที่มีความยาวระยะฝังยึดมีค่ามาก การขยายตัวของรอย ร้าวจะปรากฏเด่นชัด และส่งผลให้กำลังต้านทานแรงดึงถอน สูงสุดแตกต่างจากกรณีคอนกรีตไม่ร้าวมาก

ดังนั้นการขยายตัวของรอยร้าวจึงเป็นสาเหตุหลักที่ ส่งผลให้กำลังต้านทานแรงดึงถอนของสมอยึดแบบใช้สารยึด เหนี่ยวในคอนกรีตร้าวลดลง เนื่องจากการขยายตัวของรอย ร้าวทำให้เกิดการคลายความเครียดขึ้นในคอนกรีต ส่งผลให้ คอนกรีตมีความเค้นลดลง นำไปสู่กำลังต้านทานแรงดึงถอน ของระบบลดลงด้วย



Figure 12 Expansion of the cracked width (a) H=64 mm (b) H=128 mm (c) H=192 mm ผลการศึกษาตัวแปรด้านกำลังอัดประลัยของ คอนกรีต

กำลังอัดประลัยของคอนกรีตเป็นปัจจัยที่ส่งผล กระทบโดยตรงต่อการวิบัติของคอนกรีตรูปกรวย และการวิบัติ ร่วมจากการยึดหน่วงกับการวิบัติของคอนกรีตรูปกรวย ความ สัมพันธ์ของแรงดึงถอนและการเคลื่อนที่ที่ปลายสมอยึดเมื่อ กำลังอัดประลัยของคอนกรีตมีค่าแตกต่างกันแสดงใน (Figure 13a) ในกรณีคอนกรีตไม่ร้าว และใน (Figure 13b) ในกรณี คอนกรีตร้าว

จากการศึกษาแบบจำลองพบว่า เมื่อกำลังอัดประลัย ของคอนกรีตเพิ่มขึ้น กำลังยึดหน่วงของระบบฝังยึดแบบใช้ สารยึดเหนี่ยวจะเพิ่มขึ้นทั้งในคอนกรีตไม่ร้าวและในคอนกรีต ร้าว โดยเมื่อกำลังอัดประลัยของคอนกรีตในกรณีคอนกรีตไม่ ร้าวมีค่า 19.61, 34.32 และ 49.03 เมกกะปาสคาล แรงดึงถอน สูงสุดจะมีสัดส่วนเพิ่มขึ้นเป็น 1, 1.34 และ 1.61 เท่าของกำลัง อัดประลัยค่าต่ำสุด ตามลำดับ

ส่วนในกรณีคอนกรีตร้าวแรงดึงถอนสูงสุดจะมี สัดส่วนเพิ่มขึ้นเป็น 1, 1.27 และ 1.43 เท่าของกำลังอัดประลัย ค่าต่ำสุด ตามลำดับ ซึ่งจะพบว่าเมื่อกำลังอัดประลัยของ คอนกรีตมีค่าเพิ่มขึ้น อัตราการเพิ่มขึ้นของกำลังต้านทานแรง ดึงถอนในกรณีคอนกรีตร้าวจะลดลงเมื่อเทียบกับกรณี คอนกรีตไม่ร้าว นอกจากนี้ยังพบว่า หากพิจารณาความชัน ของกราฟในช่วงก่อนจุดสูงสุดของแรงดึงถอนจะพบว่า ความ แกร่งของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวเพิ่มขึ้นเมื่อกำลังอัด ประลัยของคอนกรีตมีค่ามากขึ้น ทั้งในคอนกรีตไม่ร้าวและ คอนกรีตร้าว



120

(b) Cracked concrete





Figure 14 Ratio of Peak load in cracked to uncracked concrete of 16 mm diameter adhesive anchors for various concrete strength

C49.03 UNCF

นอกจากนี้ยังพบว่า เมื่อกำลังประลัยของคอนกรีตมี ค่ามากขึ้น การกระจายตัวของหน่วยแรงหลักในเอลิเมนต์ คอนกรีตจะกว้างขึ้น อีกทั้งยังพบว่าความเข้มของหน่วยแรง หลักจะสูงบริเวณหน้าตัดไม่ร้าวและจะลดลงเมื่อเข้าใกล้หน้า ตัดร้าว และในระนาบตั้งฉากกับแนวแรงดึงถอนความเข้มของ หน่วยแรงหลักจะลดลงเมื่อเข้าใกล้ระนาบร้าว และในระนาบ ขนานกับแนวแรงดึงถอนจะลดลงเมื่อเข้าใกล้ขอบบนสุดริม นอกของคอนกรีต โดยมีรูปแบบเหมือนกันในทุกกำลังอัด ประลัยของคอนกรีตที่เปลี่ยนแปลงไป

เมื่อพิจารณาการสูญเสียความแกร่งในเอลิเมนต์เชื่อม ยึดในกรณีคอนกรีตไม่ร้าวใน (Figure 16a) พบว่า เอลิเมนต์ที่ สูญเสียความแกร่งโดยสมบูรณ์ซึ่งเป็นเอลิเมนต์ที่ถูกลบ จะมี ดำแหน่งสูงขึ้นเมื่อกำลังอัดประลัยของคอนกรีตมากขึ้น และ เป็นดำแหน่งเดียวกับเอลิเมนต์คอนกรีตที่เกิดการแตกร้าวที่ ผิวรูเจาะ



(b) Cracked concrete

Figure 16 Stiffness degradation on cohesive elements for various concrete strength

แสดงให้เห็นว่ารูปแบบการวิบัติของระบบฝังยึดแบบ ใช้สารยึดเหนี่ยวของคอนกรีตไม่ร้าวในช่วงคอนกรีตกำลังต่ำ จะมีลักษณะวิบัติของคอนกรีตรูปกรวย แต่เมื่อกำลังอัดประลัย ของคอนกรีตอยู่ในช่วงปานกลางถึงสูง จะมีลักษณะการวิบัติ เป็นแบบการวิบัติร่วมจากการยึดหน่วงและการวิบัติของ คอนกรีตรูปกรวย

ส่วนในกรณีคอนกรีตร้าวจะไม่ปรากฏเอลิเมนต์ที่ถูก ลบในคอนกรีตกำลังต่ำและสูง แต่จะมีเอลิเมนต์ที่ถูกลบบริเวณ ปลายล่างสุดของระยะฝังยึดในคอนกรีตกำลังปานกลางดังใน

เมื่อพิจารณา (Figure 14) จะพบว่าเมื่อกำลังอัด ประลัยของคอนกรีตเพิ่มขึ้นตามค่า 19.61, 34.32 และ 49.03 เมกกะปาสคาล อัตราส่วนแรงดึงถอนสูงสุดในคอนกรีตร้าวกับ คอนกรีตไม่ร้าวมีค่าเป็น 0.79, 0.75 และ 0.70 ตามลำดับ ซึ่งมีแนวโน้มลดลง แสดงให้เห็นว่าการแตกร้าวในคอนกรีตส่ง ผลกระทบมากขึ้นเมื่อกำลังอัดประลัยของคอนกรีตมีค่าเพิ่มขึ้น เมื่อพิจารณาการกระจายของหน่วยแรงหลักใน เอลิเมนต์คอนกรีตในขณะที่แรงดึงถอนมีค่าสูงสุดจะพบว่า การกระจายตัวของหน่วยแรงหลักในคอนกรีตไม่ร้าวจะสม่ำเสมอ ในระนาบตั้งฉากกับแนวแรงดึงถอน ส่วนในกรณีคอนกรีตร้าว จะพบว่ามีการกระจายตัวของหน่วยแรงหลักในคอนกรีตไม่ สม่ำเสมอในทุกกำลังอัดประลัยของคอนกรีตที่เปลี่ยนไป ดัง แสดงใน (Figure 15)



(c) f = 49.03 MPa



(Figure16b) แสดงให้เห็นว่าบริเวณดังกล่าวเกิดการแตกร้าว ขึ้นเล็กน้อยที่ปลายระยะฝังยึดในเอลิเมนต์คอนกรีต ซึ่งเมื่อ พิจารณาภาพรวมจะพบว่า เมื่อกำลังอัดประลัยของคอนกรีต เพิ่มขึ้น การแตกร้าวในคอนกรีตจะส่งผลต่อรูปแบบการวิบัติ และกำลังต้านทานแรงดึงถอนสูงสุดมากขึ้น

ดังนั้น หากเปรียบเทียบระหว่างกรณีคอนกรีตไม่ร้าว กับกรณีคอนกรีตร้าวจะพบว่า การวิบัติที่ผิวสัมผัสระหว่างสาร ยึดเหนี่ยวกับคอนกรีตเกิดขึ้นน้อยลงในกรณีคอนกรีตร้าว โดย บริเวณที่เกิดการสูญเสียแรงยึดหน่วงจะเพิ่มขึ้นตามค่ากำลัง อัดประลัยของคอนกรีตที่สูงขึ้น นอกจากนี้ยังพบว่า เมื่อกำลัง อัดประลัยของคอนกรีตที่สูงขึ้น นอกจากนี้ยังพบว่า เมื่อกำลัง อัดประลัยของคอนกรีตมีค่ามากขึ้น การขยายตัวของความ กว้างรอยร้าวจะลดลงดังแสดงใน (Figure 17) โดยความกว้าง ของรอยร้าวจะขยายตัวมากสุดที่ผิวบนของแท่งคอนกรีตและ จะลดลงตามความลึกที่มากขึ้น



แสดงให้เห็นว่าเมื่อกำลังอัดประลัยของคอนกรีตมีค่า ด่ำ การวิบัติจะเกิดจากการขยายตัวของรอยร้าวเป็นส่วนใหญ่ แต่เมื่อกำลังอัดประลัยของคอนกรีตมีค่าสูงขึ้น รูปแบบการ วิบัติจะเปลี่ยนเป็นการวิบัติจากการยึดหน่วงที่ผิวสัมผัส ระหว่างคอนกรีตกับสารยึดเหนี่ยวเป็นส่วนใหญ่ และพบการ แตกร้าวในคอนกรีตเกิดขึ้นน้อยลง แสดงให้เห็นว่าการขยาย ดัวของความกว้างรอยร้าวมิใช่ปัจจัยหลักที่ทำให้กำลังด้านทาน แรงดึงถอนของระบบฝังยึดลดลงเมื่อกำลังอัดประลัยของ คอนกรีตมีค่ามากขึ้น ดังนั้นสาเหตุที่ผลกระทบของรอยร้าวใน คอนกรีตมีมากขึ้นเมื่อคอนกรีตมีกำลังอัดประลัยสูงขึ้น เกิด จากการสูญเสียการยึดหน่วงที่ผิวสัมผัสระหว่างคอนกรีตกับ สารยึดเหนี่ยวที่เพิ่มขึ้น

## สรุปผล

ผลจากการวิเคราะห์แบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์เพื่อศึกษา ตัวแปรที่ส่งผลกระทบต่อกำลังและพฤติกรรมของระบบฝังยึด แบบใช้สารยึดเหนี่ยวทั้งในคอนกรีตไม่ร้าวและคอนกรีตร้าว จะพบว่า

ตัวแปรที่สำคัญที่ส่งผลต่อกำลังต้านทานแรงดึงถอน ของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวเรียงตามลำดับความ สำคัญได้แก่ ความยาวระยะฝังยึด กำลังอัดของคอนกรีต และ กำลังยึดหน่วงของสารยึดเหนี่ยว ตามลำดับ ทั้งในคอนกรีตไม่ ร้าวและในคอนกรีตร้าว

ผลของรอยร้าวในคอนกรีตทำให้กำลังต้านทานแรง ดึงถอนของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวลดลงจากกรณี คอนกรีตไม่ร้าวในสัดส่วน 0.79-0.76 เมื่อกำลังยึดหน่วงของ สารยึดเหนี่ยวเพิ่มขึ้นในช่วง 8-16 เมกกะปาสคาล ผลกระทบ จากรอยร้าวในคอนกรีตมีมากขึ้นเล็กน้อยเมื่อกำลังยึดหน่วง เพิ่มขึ้น ซึ่งเป็นผลมาจากการขยายตัวของรอยร้าวในคอนกรีต เป็นส่วนใหญ่

เมื่อความยาวระยะฝังยึดเพิ่มขึ้น กำลังต้านทานแรง ดึงถอนของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวในคอนกรีตร้าว จะลดลงจากกรณีคอนกรีตไม่ร้าวในสัดส่วน 0.94, 0.75 และ 0.65 เมื่อความยาวระยะฝังยึดเพิ่มขึ้นเป็น 64, 128 และ 192 มิลลิเมตร ตามลำดับผลกระทบของการแตกร้าวในคอนกรีตจะ มากขึ้นเมื่อความยาวระยะฝังยึดมีค่ามากขึ้น พบการสูญเสีย แรงยึดหน่วงที่ผิวสัมผัสระหว่างคอนกรีตกับสารยึดเหนี่ยวน้อย ลงแต่ความกว้างรอยร้าวมีการขยายตัวเพิ่มขึ้นตามระยะฝังยึด ที่มากขึ้น

เมื่อกำลังอัดประลัยของคอนกรีตเพิ่มขึ้น กำลัง ด้านทานแรงดึงถอนของระบบฝังยึดแบบใช้สารยึดเหนี่ยวใน คอนกรีตร้าวจะลดลงจากกรณีคอนกรีตไม่ร้าวในสัดส่วน 0.79, 0.75 และ 0.70 เมื่อกำลังอัดประลัยของคอนกรีตเพิ่มขึ้นเป็น 19.61, 34.32 และ 49.03 เมกกะปาสคาล ตามลำดับ โดยการ แตกร้าวในคอนกรีตจะส่งผลกระทบมากขึ้นเมื่อกำลังอัดประลัย ของคอนกรีตมีค่าเพิ่มขึ้น สาเหตุจากการสูญเสียแรงยึดหน่วง ที่ผิวสัมผัสระหว่างคอนกรีตกับสารยึดเหนี่ยวเป็นส่วนใหญ่

## เอกสารอ้างอิง

- ภาคิณ ลอยเจริญ, เกรียงศักดิ์ แก้วกุลชัย และ กิตติศักดิ์ ขันติยวิชัย. แบบจำลองไฟในต์เอลิเมนต์สำหรับการ ประเมินกำลังและพฤติกรรมการวิบัติของสมอยึดแบบใช้ สารยึดเหนี่ยวในคอนกรีตร้าวและไม่ร้าว. วารสาร วิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี มหาวิทยาลัยอุบลราชธานี; 2019. (Under review)
- Krishnamurthy, K. Development of a Viscoplastic Consistent Tangent FEM Model with Applications to Adhesive Bonded Anchors. PhD Dissertation, Department of Civil Engineering, The University of Florida;

1996.

- Meszaros, J. Tragverhalten von Einzelverbunddübeln unter zentrischer Kurzzeitbelastung. Dissertation in Vorbereitung, Institut f
  ür Werkstoffe im Bauwesen der Universit
  ät Stuttgart; 2002.
- Eligehausen, R., Mallée, R. and Silva, J. Anchorage in Concrete Construction. First edition. Ernst & Sohn GmbH & Co. KG. Published; 2006.
- Cook, R.A. and Konz, R.C. Factors Influencing Bond Strength of Adhesive Anchors. ACI Structural Journal. 2001;98(1): 76-86.
- Todd Marshall Davis. Sustained Load Performance of Adhesive Anchor System in Concrete. Doctor's Thesis: University of Florida; 2012.
- ACI Committee 318-11. Building Code Requirements for Reinforced Concrete and Commentary. American Concrete Institute, Detroit, MI, USA. 2011: 417-463.
- Carreira D.J. and Chu, K.H. Stress-Strain Relationship for Plain Concrete in Compression. ACI Journal. 1985; 82-72: 797-804.
- Carreira D.J. and Chu, K.H. Stress-Strain Relationship for Plain Concrete in Tension. ACI Journal. 1986; 83-3: 21-28.
- Hilti Co, Ltd. Hilti Anchor Systems. http://www.hilti. co.th. Accessed 14 February 2017. (in Thai)
- Eligehausen, R., Cook, R.A. and Appl, J. Behavior and Design of Adhesive Bonded Anchors. ACI Structural Journal. 2006;103-S83: 822-831.